

المادة: المعادلات التفاضلية الجزئية

جامعة القاسمية
كلية التربية / قسم الرياضيات
الصف: الثالث

اسئلة امتحان الفصل الأول للعام الدراسي ٢٠١٧-٢٠١٦

- س ١ / جد المعادلة التفاضلية الجزئية التي حلها العام هو: $x = F(u(x,y)) + G(y)$ (٤ درجات)
- س ٢ / حل المعادلات التفاضلية الجزئية التالية (اختر ٤):

$$1) p^2 - q + 3x = 0 \quad 2) 2py - q^2yz = 0 \quad 3) yu_{yy} - 2u_y = e^{(2x+3y)}$$

$$4) u_{xxx} - 3u_{xyy} + 2u_{yyy} = \cos(2x+y) \quad 5) (3D_y^2 - 1)(3D_y + 1)^2(D_x^2 + 3)u = 0$$

س/ املاء الفراغات الآتية بما يناسبها

- (١) ----- يستخدمها اكثر من مستفيد واحد ولا اهمية لعامل الوقت لديها
- (٢) التطبيق هو ----- بينما البرنامج هو -----
- (٣) ----- يعني Switch user
- (٤) منطقة الاعلام تحتوي على ----- و ----- فإذا اردنا ان نرى جميع الايقونات في هذه المنطقة نختار -----
- (٥) الفرق بين النقل والاستنساخ هو -----
- (٦) اذا كان لدينا عدد كبير من ملفات برنامج word فيمكن ----- لترتيب العمل
- (٧) لا ظهار معلومات جهاز الكمبيوتر نضغط ----- ثم نختار -----
- (٨) ميزة التنقل بين النوافذ وميزة المعاينة التمهيدية تعتمد على -----
- (٩) اذا اردنا الوصول الى ايقونة مخفية ننقر -----
- (١٠) عندما نختار مربع taskbar buttons نستطيع -----

س/ عدد كل من ١) مميزات الحاسبة الالكترونية ٢) انواع البرمجيات التطبيقية

س/ اكتب خوارزمية لحساب الدالة الآتية $\sin\{(a+2b)/3\}$

د. مازن عمران

رئيس القسم

د. كوركيس شهيد محمد

مدرس المادة

- ١- ما المقصود بالمنطق الرياضي. وكيف تبرهن عبارة من نوع $P \leftrightarrow Q$.
- ٢- اكمل كل عبارة من العبارتين الآتيتين بحيث يكونان متكافتين منطقياً مستخدماً، \neg ، \wedge ، \rightarrow اذا كان ممكناً
- (1) $[(p \vee q) \leftrightarrow \neg q] \rightarrow$ (2) $[(\neg p \wedge \neg q) \leftrightarrow q] \rightarrow$
- ٣- استخدم طريقة البرهان بالتناقض لبرهان العبارة الآتية(اذا كان x^2 يقبل القسمة على 2 فان x يقبل القسمة على 2)
- ٤- لتكن كل من $\{A_i\}_{i \in I}$ ، $\{B_j\}_{j \in J}$ اسرة مجموعات مرقمة. برهن ان $(\bigcup_{i \in I} A_i) - (\bigcup_{j \in J} B_j) \subseteq \bigcup_{i \in I} [\bigcap_{j \in J} (A_{i \in I} - B_{j \in J})]$
- ٥- بين صحة او خطأ العبارات الآتية مع ذكر السبب:-
- ١- اذا كانت العبارة $P \wedge Q \sim$ تناقض فان $Q \Rightarrow P$.
 - ٢- العبارة $(\exists x, \forall y, p(x, y)) \rightarrow \forall y, \exists x, p(x, y)$ تكون صادقة.
 - ٣- المجادلة التالية تكون صادقة $(p \vee \neg q), [\neg p \leftrightarrow (q \wedge \neg p)] \vdash (\neg p \vee \neg q)$
 - ٤- اذا كانت R علاقة من المجموعة A الى المجموعة B و T علاقة من B الى المجموعة C فان $(R^{-1}) \circ T \subseteq ran(R) \cap dom(T)$
 - ٥- اذا كانت كل من A و B مجموعات فان $(A \times B) \cup (A \times C) = A \times (B \cup C)$
 - ٦- اذا كانت A و B مجموعات فان $P(A \cup B) \subseteq P(A) \cup P(B)$



Q1/ Which of the following statements is true and which of them is false and why? (12 marks)

1. For any family $\{V_\alpha\}$ of closed set in a metric space (X,d) , then $\bigcap_{\alpha \in \Lambda} V_\alpha$ is closed.
2. If the sequence $\langle a_n \rangle$ converge to zero $\forall n \in \mathbb{Z}^+$ then $\sum a_n$ is convergent series.
3. The equation $x^2=2$ has only one real positive root.
4. For any real number r there exist a sequence of irrational numbers converge to r .
5. If $a_n \geq 0 \forall n$, and $\sum a_n$ convergent series then $\sum \frac{a_n}{1+a_n}$ is convergent series.
6. \mathbb{R} is uncountable set.

Q2/ If (X,d) be a metric space , prove that: (6 marks)

1. If A subset of X then \overline{A} is closed set.
2. If $\emptyset \neq S \subseteq X$ and S is a closed set then (S, d_S) complete subspace of X .

Good Luck

Lecturer

Fatma K. Majeed

Head of Dept.

Dr.Mazin Omran Kareem

س١/ اختر عامل تكامل مناسب لحل المعادلة التفاضلية التالية

$$(2xy^2 - 2y)dx + (3x^2y - 4x)dy = 0$$

س٢/ اذا كان $a_1b_2 \neq b_1a_2$ برهن ان التحويل $x = x_1 + h$ و $y = y_1 + k$ يحول المعادلة الى معادلة تفاضلية متتجانسة حيث (h, k) نقطة تقاطع المستقيمين.

س٣/ حل المعادلة التفاضلية الآتية $(2x + 3y)p^3 + 5(x + y)p^2 + (3x + 2y)p = 0$ حيث $p = \frac{dy}{dx}$

$$\frac{dy}{dx} + \frac{3x}{y} = 2y , \quad y \neq 0 .$$

مدرسة المادة

نور على

صلحة

كلية التربية
قسم الرياضيات

أسئلة امتحان الشهر الأول
للعام الدراسي (٢٠١٦-٢٠١٧)

الصف: الرابع
الإحصاء الرياضي

س ١ / افرض ان x_1, \dots, x_n عينة عشوائية مسحوبة من مجتمع يتوزع توزيعا طبيعيا $N(\mu, \sigma^2)$ برهن ان $\frac{S^2}{\sigma^2} \sim \chi^2(n-1)$. وإذا كانت $n=25, \mu=3, \sigma^2=100, pr(0 < \bar{X} < 6) \text{ جد } 0.933$ هي 1.5

س ٢ / أ) ليكن X_i, Y_i مجتمعين طبيعيين مستقلين صاف حدود الثقة لـ $\frac{\sigma_2^2}{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}$

ب) إذا كانت X_i عينة عشوائية حجمها n من التوزيع الطبيعي $N(\lambda_1, \lambda_2)$ جد $E(x^2)$ إلى

س ٣ / أ) لتكن x_1, \dots, x_n متغيرات عشوائية مستقلة عن بعضها البعض لهم دالة الكثافة الاحتمالية المعرفة بالشكل الآتي:

$$Y = \begin{cases} 1 & ; x_i \geq k \\ 0 & ; x_i < k \end{cases}$$
 برهن ان المتغير العشوائي Y المعرف بالشكل الآتي: $f(x, \theta) = \theta e^{-\theta x}, x > 0, \theta > 0$ غير متحيز لـ

ب) افرض إن $y_1 < y_2 < y_3 < y_4 < y_5$ تمثل قيم مرتبة لعينة عشوائية حجمها 5 من التوزيع الاحتمالي $f(x) = 3x^2, 0 < x < 1$ جد توزيع الوسيط.

أمنياتي لكم بالنجاح

رئيس القسم
د. مازن عمران كريم

د. خالد شياع خير الله الشكري

مدرس المادة

جامعة القادسية

كلية التربية

الصف: الثاني

المادة: نظم الديهيات والهندسة

امتحان الشهر الاول

س ١: اذا كان لديك النظام الديهي التالي: بدبيهية ١: اي نقطتين مختلفتين يحتويهما مستقيم واحد فقط.

بدبيهية ٢: توجد في الاقل نقطتان في النظام.

بدبيهية ٣: بدبيهية التوازي.

بدبيهية ٤: لكل مستقيم توجد نقطة لانتزاعي اليه.

برهن ما يأتي اولا: كل نقطة تقع على مستقيمين في الاقل. ثانيا: كل مستقيم يحوي نقطة في الاقل ثالثا النظام متسق.

(٧ درجات)

س ٢: ا. عرف المجموعة المحدبة و هل ان قطعة المستقيم مجموعة محدبة (٣ درجات).

ب. اثبت اذا كان $A-B-C-D$, $A-B-D$ فان $A-B-C-D$ (درجات).

س ٣: المستقيم الواسط بين داخل دائرة ونقطة خارجها له نقطة مشتركة مع الدائرة (٣ درجات).

ب. $A-B-D$ و $B-C-D$ فان النقاط A, B, C, D مختلفة وعلى مستقيم واحد (٣ درجات).
اذا كان

دعاني لكم بالنجاح

فرحان داخل شياع

مدرس المادة

Q₁\ a) Prove or disprove the following statements: (12 degree)

- 1- If $(I, +, \cdot)$ be an ideal of a ring $(R, +, \cdot)$ such that $(R/I, +, \cdot)$ commutative ring then $(R, +, \cdot)$ commutative.
 - 2- In a ring $(Z, +, \cdot)$, $f: Z \rightarrow Z$ nontrivial homomorphism then f equal identity map.
 - 3- Every non zero nilpotent element is zero divisor.
 - 4- The identity element (if there exist) of subring $(S, +, \cdot)$ and ring $(R, +, \cdot)$ is a same.
- b) Let $(I, +, \cdot)$ be an ideal of a ring $(R, +, \cdot)$, prove $(\text{ann}(I), +, \cdot)$ is an ideal. (3 degree)

Q₂\ a) Let $(R, +, \cdot)$ be a ring with identity and a is nilpotent element, prove $1+a$ is invertible in R .

- b) State without proof theorems of isomorphism ring. (12 degree)
- c) Let $(I, +, \cdot)$ and $(J, +, \cdot)$ be two ideals of a ring $(R, +, \cdot)$, prove $R=I \oplus J$ iff $\forall x \in R$ can be written uniquely in the form $x=a+b$, $a \in I$ and $b \in J$.
- d) Let $X=\{1,2,3,4\}$, find characteristic of ring $(P(X), \Delta, \cap)$.

Q₃\ a) Let $f: R \rightarrow R'$ be epimorphism such that R principal ideal domain, prove that R' principal ideal domain. (9 degree)

- b) Let f be a nontrivial homomorphism from simple ring $(R, +, \cdot)$ into ring $(R', +', \cdot')$, prove f one to one.
- c) Prove that $(Z_n, +_n, \cdot_n)$ integral domain iff n is prime number.

Q1: A: Prove or disprove: (Choose Three) (9 Mark)

1. If f is even function then f is injection;
 2. Let $a \in \mathbb{Z}^+$ then every number of the form $\sqrt{2a+1}$ is rational;
 3. $(\mathbb{Q}, +, \cdot)$ Completeness ordered field;
 4. If f and g are odd functions then gof is even function.
-

B: What value of x satisfy: (Choose Two) (8 Mark)

1. $\left| \frac{1}{H(x)} \right| \geq 2$;
 2. $(x^2 - 2x + 1)(x - 4) > 0$;
 3. $sign(x) = [[x]]$.
-

Q2: A: Sketch the functions: (8 Mark)

$$(1) f(x) = |x^3 - 3|; \quad (2) g(x) = \begin{cases} -\sqrt{x} & x \geq 1 \\ H(x) & -1 < x < 1 \\ \frac{-1}{x+1} & x \leq -1 \end{cases}$$

B: Discuss the composition of the Two functions $f(x) = \left| \frac{x^2}{x+3} \right|$,
 $g(x) = \sqrt{x+5}$. (8 Mark)

C: Show that $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{-2}{(x-2)^2} = -\infty$ (7 Mark)

--WITH MY FORTUNE WISHES---

Ass. L. Fieras Joad Alysaary

University of Al-Qadisiyah

College of Education

Department of Mathematics



Subject : Algebra of Groups

Class : second

Time : 90 minutes

First semester exam 2016 -2017

Date : 29 /1 / 2017

Q1 / A) Define and give a non-trivial example of the following :

- 1) finite group 2) odd permutation
- 3) the order of element in a group 4) semigroup

B) If $(H, *)$ is a subgroup of the group $(G, *)$ then prove that either $a * H = b * H$
or $(a * H) \cap (b * H) = \emptyset$

Q2/ A) Prove that every cyclic group is commutative .

B) Write all the subgroups of :

- 1) the group of symmetries of the triangle . 2) the group (S_4, \circ) of order 4

C) If $a, b, c \in \mathbb{Z}$ and $a \cong b \pmod{n}$ then $ac \cong bc \pmod{n}$. prove that

أقلب الورقة

Q3/ Choose the correct answer and prove your answer:

1) In a group $(P(X), \Delta)$ where X is a non-empty set, the inverse of A is

- a) \emptyset
- b) A^c
- c) A
- d) X

2) If $(G, *)$ is a group and $x \in G$ then $x^{-2} =$

- a) $(x^{-1})^{-1}$
- b) $\frac{1}{x^2}$
- c) $x^{-1} * x^{-1}$
- d) $(-x)^2$

3) In a group (S_3, \circ) , the number of non-cyclic subgroup is

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4

4) In a group $(G, *)$, if $x, y \in G$ and $x^{-1} = y$ then

- a) $x = y$
- b) $x * y^{-1} = e$
- c) $x * y = e$
- d) $x^{-1} * y = e$

with my best wishes

Examiner : Lect. Dr. Mazen Omran Karim

مazen omran karim

Q1) Answer four questions only of the following: (5 Marks for each question)

(a) Find all direct summand submodules of the \mathbb{Z} -module \mathbb{Z} with proof.

(b) State and prove the Second Isomorphism Theorem for modules.

(c) Let M, N and K be finitely generated left R -modules. Show that whether the left R -module $M \oplus N \ominus K$ is finitely generated or not and why?

(d) Let M be a left R -module and A, B, C be left submodules of M . Show that whether

$(A + B) \cap C = (A \cap C) + (B \cap C)$ or not and why?

(e) Show that whether a submodule of a free left R -module is a free R -module or not and why?

Q2) (a) Give an example of the following with proof: (6 Marks)

1- Three left R -homomorphisms $\alpha_i: N_i \rightarrow M_i$ ($i=1,2,3$) such that $\alpha_1 \oplus \alpha_2 \oplus \alpha_3$ is an epimorphism.

2- Short exact sequence of left R -modules is not split.

3- Finitely presented R -module is not free.

(b) State an equivalent statement of split monomorphism with proof. (5 Marks)

(c) Prove that a cyclic left R -module $M = \langle a \rangle$ is simple if and only if $\text{ann}_R(a)$ is a maximal left ideal of R . (5 Marks)

مع امنياتي للجميع بالنجاح والتوفيق

رئيس القسم: م.د. مازن عمران كريم

مدرس المادة: أ.م.د. عقيل رمضان مهدي الياسري

Q1:

- If $\{P_n\}$ is a sequence of parabolas, such that the equation of the parabola P_n is $x^2 - 2 \frac{\ln n}{n} x + \left(\frac{\ln n}{n}\right)^2 - 4y - \frac{32n^2}{(2n-1)^2} = 0$, which converges to a parabola P . Find the equation of the parabola P and its properties with graph. (4marks)
 - Let $f(x)$ is a function such that $f^{(2n)}(x) = (-1)^n f(x)$, $f^{(2n+1)}(a) = 0$ and $f(a) = 1$ for all $n \in N$ and a is real number. Find the Taylor series around a of this function and the interval of convergence. When $a=0$ determine this function. (5marks)
 - Show that which of the following series is absolutely convergent and which of them is conditionally convergent or not convergent:

Q2:

- Convert the periodic number to the rational number: (2marks)
 - i. $11.171818181818\dots$
 - ii. $5.1333333\dots$
 - Determine the type and Find the properties of the following conic and sketch the graph: $16x^2 - 9y^2 + 64x - 90y = 305$. (3marks)
 - Find the value of a such that the sum of the series $\sum_{n=2}^{\infty} a \left(\frac{2}{5}\right)^n$ equals to the seventh term of the sequence $\left< \frac{1}{72}, \frac{1}{72}, \frac{2}{72}, \frac{6}{72}, \frac{24}{72}, \dots \right>$. (3marks)

With Best Wishes

Alaa Kamel Jaber

المادة : التحليل العقدي	الامتحان الاول للعام الدراسي	جامعة القادسية
الصف : الرابع	٢٠١٧-٢٠١٦	كلية التربية
الزمن : ساعة ونصف		قسم الرياضيات

س/١ (٦ درجة لكل فرع)

١) برهن ان المرافق التوافقية $v(x, y)$ للدالة التوافقية $u(x, y)$ في منطقتها ما ان وجد فهو وحيد باستثناء اضافة ثابت.

٢) اعط مثال لدالة معقدة تحقق معادلتي كوشي- ريمان عند نقطة Z_0 ولكنها غير قابلة للاشتغال عند تلك النقطة مع البرهان.

$$\frac{Re(Z_1+Z_2)}{|Z_3+Z_4|} \leq \frac{|Z_1|+|Z_2|}{||Z_3|-|Z_4||} \quad ٣) \text{ اذا كان } |Z_3| \neq |Z_4| \text{ برهن ان}$$

٤) اذا كانت $f(z) = u(x, y) + iv(x, y)$ دوال تحليلية في المنطق D . برهن ان $f(z)$ دالة ثابتة في المنطق D .

س/٢ اجب عن اربعة مما يأتي : (٤ درجة لكل فرع)

١) جد قيمة Z التي تتحقق المعادلة $e^Z = 1 + i\sqrt{3}$

٢) برهن ان $|Z - 1| < |Z + 1|$ اذا وفقط اذا كان $Re(Z) > 0$

٣) برهن ان $|e^{2Z+i} + e^{iz^2}| \leq e^{2x} + e^{-2xy}$

٤) برهن المتطابقة $\frac{\sin 5\theta}{\sin \theta} = 16 \cos^4 \theta - 12 \cos^2 \theta + 1, \theta \neq 0, \pm \pi, \pm 2\pi, \dots$

٥) جد ناتج (أ) $(-2\sqrt{3} - 2i)^{\frac{1}{4}}$

(ب) $(\sqrt{3} - i)^7$

مدرس المادة

تمنياتي للجميع بالنجاح والتوفيق

م.م. نجاح علي الزيداني

جامعة : القادسية
كلية : التربية
قسم : الرياضيات

المادة : الفيزياء
المرحلة : الأولى

أسئلة الفصل الأول للعام الدراسي
٢٠١٦ - ٢٠١٧

س١: إذا كان لديك المتجهات A, B, C

$$\vec{A} = 3\hat{i} + 3\hat{j} - 2\hat{k}, \quad \vec{B} = -\hat{i} - 4\hat{j} + 2\hat{k}, \quad \vec{C} = 2\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$$

أوجد كل من :

$$\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C}), \quad \vec{A} \times (\vec{B} + \vec{C}), \quad \vec{A} \times (\vec{B} + \vec{C})$$

س٢: تتحرك سيارة بسرعة $(8m/sec)$ في خط مستقيم بتعجيل ثابت وتنقطع مسافة مقدارها $(640 m)$ في زمن قدره $(40 sec)$ ، احسب خلال هذه الفترة تعجيل السيارة ، السرعة النهائية .

س٣: احسب مقدار الزاوية بين المتجهين A و B إذا كان :

$$\vec{A} = 3\hat{i} - 4\hat{j}, \quad \vec{B} = -2\hat{i} + 3\hat{k}$$

س٤: جسم يتحرك على المحور السيني حيث تم تحديد موقعه بالعلاقة الرياضية :

$$X = 50t + 10t^2$$

عند الزمن $t=0$ أوجد : ١- السرعة المتوسطة للجسم خلال الثواني الثلاثة الأولى .
٢- السرعة الآنية للجسم عند الزمن $3sec$. ٣- التعجيل الآني للجسم عند الزمن $3sec$.

مدرس المادة

مع تمنياتي لكم بالموفقية والنجاح

م.م كوثر حسن عبيس

תבונת
הנתק

כוננות
הנתק

תבונת
הנתק

$\text{לעדי } \exists A \exists B_{(A,T)} \subseteq B_{(X,T)}$ כו_ה $B \subseteq A \subseteq X$ כו_ה $B_{(X,T)}$ הינה (X,T) הינה (2)

$b(A) = \emptyset$ הינה (2)

$\text{לעדי } X \subseteq A \subseteq X$ כו_ה $A \subseteq X$ כו_ה $B_{(X,T)}$ הינה (2)

$\text{לעדי } S = \{x+1, x+2] : x \in R\}$ כו_ה $S \subseteq A = \{0, 3, 6, 9\}$ כו_ה $S \subseteq N$ הינה (2)

$N \subseteq T = \{\emptyset\} \cup \{U_n : n \in N\}$ כו_ה T הינה (2)

$U \cap V = \emptyset$ כו_ה $(R, T_{cof}) \subseteq V \subseteq U$ כו_ה

$\text{לעדי } T_{cof} \subseteq A = \{1, 2, 3\}$ כו_ה $T_{cof} \subseteq T_U$ כו_ה $T_U \subseteq T_{cof}$ כו_ה (1)

$(R, T_{cof}) \subseteq (R, T_U)$ כו_ה $T_{cof} \subseteq T_U$ כו_ה (2)

$T_{cof} \cap R \neq \emptyset$ כו_ה $R \subseteq T_U$ כו_ה $R \subseteq T_{cof}$ כו_ה (1)

תבונת
הנתק

תבונת
הנתק

תבונת
הנתק

תבונת
הנתק



6 6 6

University of AL-Qadisiyah

3
4

class: third

College of Education

Numerical Analysis

Department of Mathematics

Q1: Consider the following set of data $(0, -10)$, $(1, 20)$, $(4, 14)$, $(6, 30)$ by use divide differences compute the approximation value of $f(2)$.

Q2 : Is iterative formula $g(x)=f(x)+x$ to find the root $(r=1)$ of the function $e^{-2x}(x-1)$ converge ? if not find the formula and find the roots for seven iteration

Q3: A : Prove 1- $E=e^{hD}$. 2- $\Delta^3 y_2 = \nabla^3 y_5$.

B : Use Gauss-Jordan elimination method to solve each system

$$2x+y-z = -5$$

$$x-3y+2z+1=0$$

$$x-2z+y = -5$$

best wishes

Dr. Khalid M. MOhammed

2017

ملاحظة: الإجابة عن جميع الأسئلة.

س 1// 1- عَرَفَ المَنْظُومَةُ الْخَطِيَّةُ الْمُتَسَقَّةُ. ثُمَّ بَيَّنَ الْقِيُودَ الْوَاجِبَ وَضَعَهَا عَلَى b_1, b_2, b_3 لِكَيْ يَكُونَ النَّظَامُ التَّالِيُّ مُتَسَقًّا

$$X_1 + X_2 + 2X_3 = b_1$$

$$X_1 + X_3 = b_2$$

$$2X_1 + X_2 + 3X_3 = b_3$$

ب- عَرَفَ مَعَ أَعْطَاءِ مَثَلٍ لِكُلِّ مَفْهُومٍ (أَخْرَى ثَلَاثَ فَقط)

- (1) المصفوفة القياسية (2) العامل المرافق (3) المصفوفة الأولية (4) المصفوفة عديمة القوى

س 2// 1- جد حل المنظومة الخطية المتتجانسة :

$$X_1 + 2X_2 - 3X_3 = 0$$

$$2X_1 + X_2 + 3X_3 = 0$$

$$X_1 + 5X_2 - 12X_3 = 0$$

ب- برهن انه اذا كانت E مصفوفة أولية فان E^T تكون مصفوفة أولية ايضا.

س 3// 1- لتكن A مصفوفة قياسية سعة n و قياسها a . اثبت ان $|A| = a^n$.

ب- لتكن A مصفوفة مربعة سعة n و قابلة للعكس. برهن ان $A^{-1} = \frac{1}{|A|} \cdot adj(A)$. ثم احسب A^{-1} للمصفوفة

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 3 & 0 \end{bmatrix}$$

س/1- إذا كان الامتحان النهائي يعادل (4) أمثل الامتحان الفصلي في الاهمية وحصل تلميذ على 87 درجة في الامتحان النهائي في مادة التفاضل وحصل على 80 و 70 و 60 و 50 درجة في الامتحانات الفصلية في نفس المادة فما هو الوسط الحسابي والوسط الهندسي لدرجات هذا التلميذ في الامتحانات جميعها؟

بـ- جد التباين والانحراف المعياري للتوزيع التكراري التالي

x	3	7	11	15	19
f	5	4	6	2	3

س/2- جمع جغرافي معلومات عن كميات الأمطار الهائلة على منطقة دراسته ولمدة 40 عاماً فوجدها مجدولة بالشكل الآتي:-

كمية المطر /ملم	25-30	30-35	35-40	40-45	45-50	50-55	55-60
التكرارات	2	4	5	3	2	1	4

اوجد كل من 1- الوسيط 2- الانحراف المتوسط 3-المنوال بطريقة بيرسون لهذه البيانات

بـ- اوجد معادلة الانحدار الخطى البسيط للبيانات التالية :-

x	10	30	25	24	15
y	30	25	32	170	39

س/3- في مدينة ما نعلم ان 40% من المواطنين لهم شعر بنى اللون و 25% لهم عيون بنية اللون و 15% لهم شعر بنى و عيون بنية اختير مواطن بطريقة عشوائية من المدينة

1- اذا كان شعره بنى فما هو احتمال ان تكون ايضا عيناه بنيتان؟

2- اذا كانت عينه بنية فما هو احتمال ان يكون شعره ليس بنينا؟

3- ما هو احتمال ان لا يكون شعره بنينا وان لا تكون عينه بنية؟

بـ/يفوز فريق كرة قدم (W) باحتمال 0.6 وبهزيم (L) باحتمال 0.3 وينتعادل (T) باحتمال 0.1 . اذا لعب الفريق ثلاثة مباريات: 1-حدد عناصر الحدث A وهو فوز الفريق مرتين على الأقل و عدم هزيمته واوتجد $P(A)$.

2-حدد عناصر الحدث B وهو فوز الفريق وهزيمته وتعادله واوتجد $P(B)$.

3-حدد عناصر الحدث C وهو هزيمته مرتين على الأقل و اوتجد $P(C)$.

حـ-يحتوي صندوق A على تسع ورقات مرقمة من 1 الى 9 ويحتوي الصندوق B على خمس ورقات مرقمة من 1 الى 5 . اختر صندوق بطريقة عشوائية وسحب منه ورقة

1- اذا كان رقم الورقة المسحوبة زوجياً فاوجد احتمال ان تكون الورقة سحب من الصندوق A.

2- جد احتمال أن يكون الورقة المسحوبة رقمها فردية.

الاسم: _____

س1: قم بكتابة كل مما يلي بصيغة لغة ماتلاب:

$$Z=1 \div (x+y) + 1 \div (x+y)^{2n} \div (x+y)^{3n} \dots \dots \dots + 1 \div (x+y)^{nn}$$

ب- عرف مصفوفة عشوائية من الارقام (25-1) بمقدار زيادة 5 عدد عناصرها 18 عنصر.

$$S=(2+3)^5 - ab(9)^\infty / \sqrt{e^{x-5}}$$

س2: اكتب برنامج لتعريف مصفوفة N حيث ان $n \in \mathbb{N}$ وان عناصر الصف الاول للمصفوفة هي 15 $< n+2 > 0$ وعناصر الصف الثاني هي 11 $< n+1 > 3$ ، وعرف متوجه X تمثل مضروب الصف الاول بالعدد 7 من المصفوفة N ، وعرف المتوجه Z هي جيب الزاوية المعكوسه ذات القطع الزائد للمتجه X ، ثم حدد العناصر المشتركة بين المتوجه X وZ.

س3:نفذ الاياعات التالية كما توجد في شاشة command window مع توضيح ماذا يحدث عند التنفيذ بشكل مبسط:

1- repmat (4, 3, 4)

2- a(:, 2)

3- for i=1:5

 x=x+1;

 disp ('x=',x);

end

4- x=4, y=6

clear x

x'

س¹) أحوال النموذج الاتي للصيغة الثانية (النموذج المرافق):

$$\text{Min } z = x_1 + 2x_2 + x_3 \quad \text{s.t.}$$

$$x_2 + x_3 = 1$$

$$3x_1 + x_2 + 3x_3 \geq 4$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

ب- مكان تجاري يحتاج الاعداد الاتية من الحراس كحد ادنى خلال 24 ساعة:

الفترة	1	2	3	4	5	6
الوقت	8-12	12-16	16-20	20-24	24-4	4-8
العدد المطلوب كحد ادنى	7	20	14	20	10	5

علمًأ ان الحراس يعمل 8 ساعات متتالية ابتداءً من اي فترة بحيث (4 ساعات مع وجبة و4 ساعات مع الوجبة التالية).

بفرض ان x_i (i=1,...,6) تمثل عدد الحراس الذين يبدأون العمل في اول الفترة i ، كون نموذج خططي لتحديد عدد الحراس في كل فترة وبأقل عدد ممكن في كل يوم.

س²: جد حل النموذج الاتي باستخدام طريقة big-M :

$$\text{Min } z = 80x_1 + 60x_2 \quad \text{s.t.}$$

$$2x_1 + 3x_2 \geq 10$$

$$x_1 + x_2 \geq 1$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

(يتبـع ←)

س³: جد حل النموذج الاتي باستخدام طريقة الرسم:

$$f(X_1, X_2) = X_1 + 3X_2 \quad \text{S.t.}$$

$$X_1 \geq 1$$

$$X_1 \leq 6$$

$$2X_1 + X_2 \leq 20$$

$$X_1, X_2 \geq 0$$

ب- جد MAX و MIN للدالة الاتية (أن وجد):

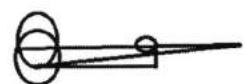
$$f(X_1, X_2) = X_1^2 + X_1X_2 + X_3^2 + X_4 + X_5 + X_6^2 \quad \text{S.t.}$$

$$X_1 + X_2 = 1$$

$$X_5 - X_6 = 2$$

بطريقة التعويض $X_1, X_2 \geq 0$

تمنياتي بالنجاح للجميع



مدرس المادة

رئيس قسم الرياضيات

د. مازن عمران كريم

د. ميثاق حمزة كعيم